

MÉCANIQUE DES SOLIDES. — *Équation d'état non linéaire du quatrième ordre. Application à la détermination de la température le long des courbes de compression par ondes de choc.* Note (*) de M^{lle} MICHÈLE DELANNOY et M. ANDRÉ LACAM, présentée par M. Paul Germain.

Les calculs portent sur cinq corps : l'aluminium, l'argent, le cuivre, le sodium et le periclase. Les courbes d'Hugoniot et celles que fournit la théorie non linéaire du quatrième ordre étant en parfait accord jusqu'à des compressibilités voisines de 0,8, il a été possible de calculer la température le long de ces courbes. La comparaison des résultats ainsi obtenus avec les données de la littérature fait apparaître un bon accord-écarts inférieurs à 1 %. Cette légère divergence semble pouvoir être expliquée.

Dans une Note précédente ⁽¹⁾ nous avons montré comment l'équation de Mie-Grüneisen ⁽²⁾ :

$$(1) \quad P = - \frac{d\Phi_0}{dV} + \gamma \frac{U_s}{V},$$

employée dans le cadre de l'approximation du quatrième ordre et combinée avec l'équation d'Hugoniot ⁽³⁾ du solide considéré :

$$(2) \quad U_{II} - U_0 = \frac{1}{2} P_{II} (V_0 - V_{II})$$

permettait de calculer la courbe du quatrième ordre H_4 lieu des points P_4 définis par

$$(3) \quad P_4 = \frac{- \frac{d\Phi_0}{dV} \Big|_{II} + \gamma(V_{II}) \left[\frac{U_0 - \Phi_0(V_{II})}{V_{II}} \right]}{1 - \frac{\gamma(V_{II})}{2} \left(\frac{V_0}{V_{II}} - 1 \right)}$$

Par ailleurs, nous avons pu montrer que la courbe H_4 et celle d'Hugoniot étaient en étroite concordance pour des taux de compression V/V_0 allant jusqu'aux environs de 0,8. Ce résultat ⁽⁴⁾ était commun aux corps suivants : aluminium, argent, cuivre, sodium et periclase. Dans la zone de concordance, puisque P_4 vérifie l'équation (1) il en est de même de P_{II} donné par

$$(4) \quad P_{II} = - \frac{d\Phi_0}{dV} \Big|_{II} + \gamma(V_{II}) \frac{U_s(T, V_{II})}{V_{II}}$$

dans le deuxième membre de cette égalité, seul le terme U_s fait intervenir la température. Il est par ailleurs possible ⁽⁵⁾ de démontrer que

$$(5) \quad U_s(T, V_{II}) = T \left(\frac{U}{T} \right)_{\text{Debye}} + \frac{9}{8} N_s k \theta_D.$$

La table numérique de Gray ⁽⁵⁾ qui donne $(U/T)_{\text{Debye}}$ en fonction de θ_D/T permet donc de calculer T dans la zone de concordance. De cette façon nous avons pu déterminer la température le long de ces courbes pour les

cinq corps précités. Les figures ci-dessous illustrent les résultats que nous avons obtenus et permettent de les comparer avec les données de la littérature.

Le calcul de la température au moyen des équations (3) et (4) n'est justifié que dans la zone de concordance. Néanmoins nous avons appliqué la méthode jusqu'à $V/V_0 = 0.8$ ou 0.775 suivant les cas, pour avoir un ordre de grandeur de T au-delà de la zone de validité.

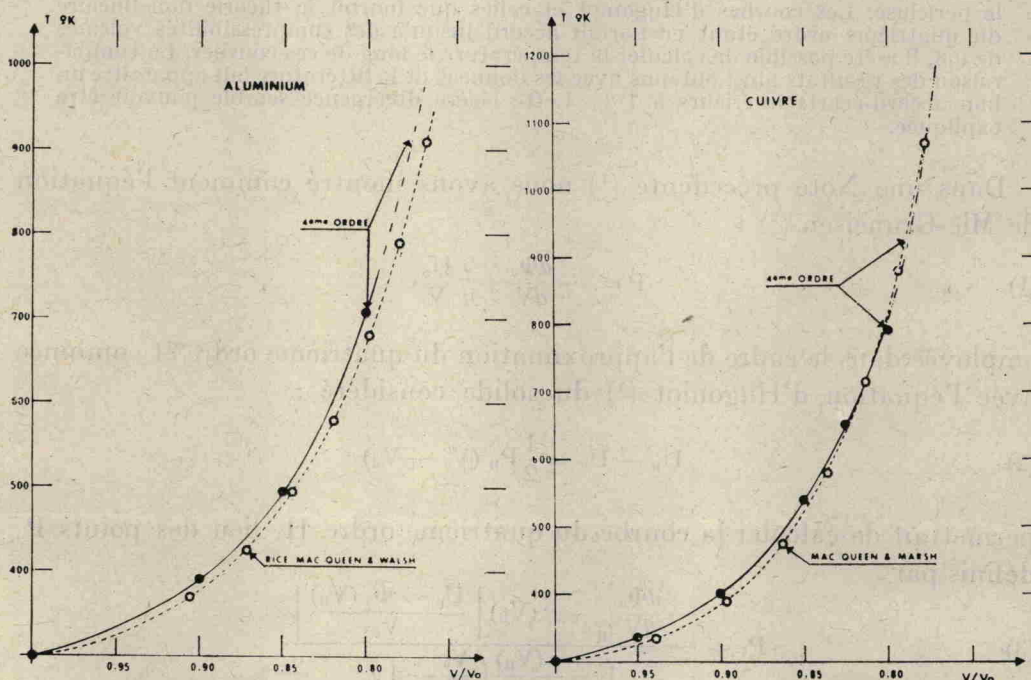


Fig 1.

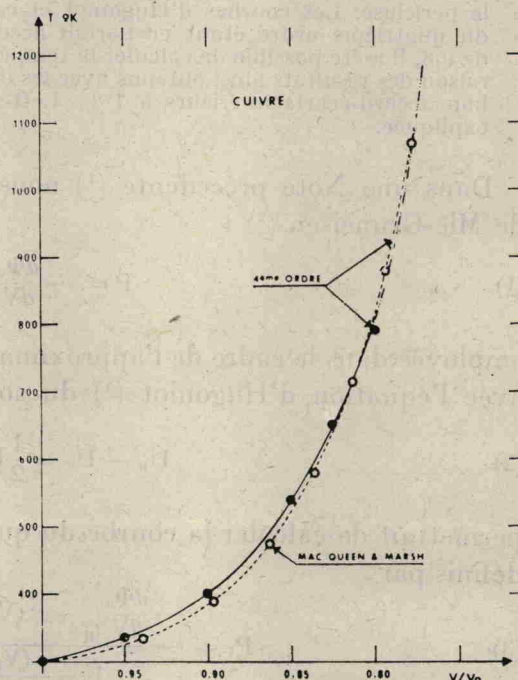


Fig 2.

Les résultats que nous avons obtenus sont en bon accord avec ceux de Rice, Mc Queen et Walsh ⁽⁶⁾ pour l'Aluminium et ceux de Mc Queen et Marsh ⁽⁷⁾ pour le cuivre et l'argent. L'écart entre nos résultats et les données de ces auteurs est inférieur à 1 %. Huang ⁽⁸⁾ qui a traité le cas de l'argent par une méthode voisine de celle de Mc Queen, ne nous fournit qu'un seul point de comparaison également en accord avec nos résultats.

La méthode utilisée par Rice et Mc Queen consiste à tracer les adiabatiques et à en déduire la température en tous points voisins de la courbe d'Hugoniot, ceci à partir des premières lois de la thermodynamique. La faible différence que nous observons, entre nos résultats et ceux de ces auteurs, s'explique vraisemblablement par le fait qu'ils ont appliqué l'équation de Mie-Gruneisen en un point de la courbe d'Hugoniot sous la forme

$$(6) \quad P_{II} = - \left. \frac{d\Phi_0}{dV} \right|_{II} + \frac{\gamma}{V_{II}} U_{II}$$